

6 Potenčna množica

44. Naj bo $S = \{1, 2, 3\}$. Katere od naslednjih trditev so pravilne (če sploh obstajajo takšne)? Za vsako trditev razložite, zakaj je pravilna oziroma nepravilna.

- (a) $S \subseteq \mathcal{P}(S)$.
- (b) $\mathcal{P}(S) \subseteq S$.
- (c) $S \in \mathcal{P}(S)$.
- (d) $(\forall x)(x \in S \Rightarrow x \in \mathcal{P}(S))$.
- (e) $(\exists x)(x \in S \Rightarrow x \in \mathcal{P}(S))$.

45. Utemeljite, ali za poljubni množici A in B velja trditev

$$A \subseteq B \Rightarrow \mathcal{P}(A) \subseteq \mathcal{P}(B).$$

46. Ali velja $\mathcal{P}(A \times B) = \mathcal{P}(A) \times \mathcal{P}(B)$? Odgovor natanko utemeljite.

47. Utemeljite, ali je naslednja izjava resnična ali neresnična:

Če za množici X in Y velja $\mathcal{P}(X) = \mathcal{P}(Y)$, potem sta množici X in Y enaki.

48. Naj bo A neprazna množica. Ugotovite, katere od množic

$$\emptyset, \{\emptyset\}, A, \{A\}, \{A, \emptyset\}$$

so elementi in katere podmnožice množic $\mathcal{P}(A)$ in $\mathcal{P}(\mathcal{P}(A))$.

7 Kartezični produkt množic

49. Ali velja $\mathcal{P}(A \times B) = \mathcal{P}(A) \times \mathcal{P}(B)$? Odgovor natanko utemeljite.

50. Utemeljite, ali za poljubne množice A , B in C velja trditev

$$A \times (B \cup C) = (A \times B) \cup (A \times C). \tag{2}$$

Vse naloge so prenesene z naslednje spletnje strani:

<https://osebje.famnit.upr.si/~penjic/teaching.html>.

NA ISTI STRANI LAHKO BRALEC NAJDE VSE REŠITVE PODANIH NALOG.